

## دینامیک چرخه میون در محیط مخلوط دوترون و هلیوم-۳

مهدوی، محمد<sup>۱</sup> [1]؛ محبوبی، نصیبه [1]

[۱] بخش فیزیک، دانشکده علوم، دانشگاه مازندران، بابلسر، کد پستی ۴۷۴۱۵-۴۱۶

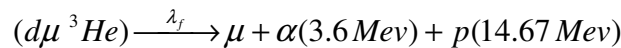
### چکیده:

با توجه به محدودیت در تشکیل مولکول میونی با  $Z \geq 3$ ، اخیراً نشان داده شده است که حالت‌های مولکول میونی مقید برای مخلوط دوتریوم و هلیوم-۳ وجود خواهد داشت [1]. به همین منظور اثر تشکیل مولکول کمپلکس  $([d\mu^3\text{He}]_r^+e^-)$  در حالت‌های اسپینی  $J=0, 1$  و کانال‌های واکنش مختلف ممکن بر آهنگ چرخه میون و بازده نوترونی مخلوط، محاسبه شده است. مشاهده می‌شود که در غلظت نسبی بهینه دوترون  $C_d=0.6$  در اثر وجود هلیوم-۳، واکنش‌های کانال‌های مختلف برای مولکول کمپلکس باعث افزایش بازده نوترونی و در نهایت بهره سیستم خواهد شد.

**کلمه کلیدی:** دینامیک چرخه میون، هلیوم-۳، بازده نوترونی، مولکول کمپلکس میونی.

### تئوری:

از آنجائیکه دینامیک اتم‌های میونی با  $Z \geq 3$  باعث محدودیت در تشکیل مولکول میونی می‌شود، اکثر تحقیقات همجوشی کاتالیزور میون ( $\mu CF$ ) بر روی ایزوتوپ‌های هیدروژن (پروتون، دوترون و تریتیوم) متمرکز شده است. با توجه به تحقیقات جدید ارائه شده نشان داده شده است که حالت‌های مولکول میونی مقید برای مخلوط دوتریوم و هلیوم-۳ وجود خواهد داشت [1]. بنابراین امکان مطالعه واکنش زیر امکانپذیر خواهد بود



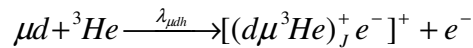
محاسبات تئوری و آزمایشگاهی مختلفی جهت محاسبه آهنگ واکنش همجوشی مولکول میونی  $(\mu d^3\text{He})$  انجام شده است [2-5]. براساس آزمایش‌های انجام شده، ضریب چرخه میون با اندازه‌گیری طیف نوترونی حاصل از واکنش مخلوط  $D_2+^3\text{He}$  در شرایط آزمایشگاهی  $(T = 30K, \phi = 1LHD)$  بدست آمده است [1].

در سال‌های اخیر براساس مطالعات انجام شده برای محیط خالص  $D_2$ ، ضریب چرخه میونی محاسبه شده حدود چند دور در واحد عمر میون  $(2.2\mu\text{sec})$  گزارش شده است [6-7]. ولی در آزمایش اخیر نشان داده شده است که ضریب چرخه برای مخلوط  $D_2+^3\text{He}$  به حدود ۱۰ برابر محیط خالص  $D_2$  افزایش

<sup>۱</sup>.E-mail: m.mahdavi@umz.ac.ir

خواهد یافت، ولی نتایج محاسبات تئوری ارائه شده با نتایج تجربی همخوانی خوبی ندارد. به نظر می‌رسد که در محاسبات تئوری، دینامیک جامع واکنش برای مخلوط  $D_2 + {}^3He$  منظور نشده است. به همین منظور در این طرح، تئوری دینامیک جامع برای مخلوط  $D_2 + {}^3He$  در نظر گرفته شده است و اثر تشکیل مولکول کمپلکس  $[(d\mu^3He)_r^+ e^-]$  در حالت‌های اسپینی  $J = 0, 1$  و کانال‌های واپاشی مختلف ممکن بر آهنگ چرخه میون با حل معادلات دینامیکی وابسته به زمان حاکم بر دانسیته ذرات محیط محاسبه خواهد شد و در نهایت شرایط بهینه چگالی و غلظت نسبی  ${}^3He$  محاسبه خواهد شد.

دینامیک چرخه میون در مخلوط  $D_2 + {}^3He$  در شکل (۱) نشان داده شده است. میون تزریق شده پس از کند شدن موجب تشکیل اتم میونی  $\mu d$  می‌شود. اتم میونی  $\mu d$  در برخورد با اتم‌های هلیوم محیط با آهنگ  $\lambda_{\mu dh}$  ( $h = {}^3He$ ) مولکول کمپلکس  $[(d\mu^3He)_r^+ e^-]^+$  در حالت اسپین  $J = 0, 1$  را تشکیل خواهد داد.



مولکول کمپلکس  $[(d\mu^3He)_r^+ e^-]^+$  تشکیل شده از طریق سه کانال زیر واپاشی می‌کند.

$$[(d\mu^3He)_r^+ e^-]^+ \rightarrow \begin{cases} \xrightarrow{\lambda_\gamma} [(d\mu^3He)^+ e^-] + \gamma \\ \xrightarrow{\lambda_p} [(\mu^3He)^+ e^-] + d \\ \xrightarrow{\lambda_e} (\mu^3He)^+ + d + e^- \end{cases}$$

$\lambda_e$ ،  $\lambda_\gamma$  و  $\lambda_p$  به ترتیب بیانگر آهنگ واپاشی مولکول کمپلکس با تولید الکترون اوزه، تابش اشعه گاما و تجزیه مولکول می باشند. در نتیجه آهنگ واپاشی کل مولکول کمپلکس را می توان بصورت زیر بیان کرد.

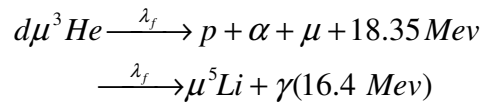
به ترتیب با آهنگ تولید الکترون اوزه ( $\lambda_e$ ) و آهنگ تجزیه ( $\lambda_p$ ) به اتم  $\mu He$  و دوترون واپاشی می‌کند و یا با آهنگ  $\lambda_\gamma$  با نشر اشعه گاما باز برانگیخته می‌شود. در نتیجه مولکول کمپلکس با آهنگ

$$\text{کل } \lambda_{dec}^{1,0} = \lambda_p^{1,0} + \lambda_e^{1,0} + \lambda_\gamma^{1,0} \text{ از حالت } J=1,0 \text{ به اتم } \mu He \text{ و د واپاشی می‌کند.}$$

$$\lambda_{\Sigma}^1 = \lambda_0 + \lambda_p^{J=1} + \lambda_{\gamma}^{J=1} + \lambda_e^{J=1} + \lambda_f^{J=1}$$

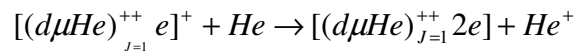
$$\lambda_{\Sigma}^0 = \lambda_0 + \lambda_p^{J=0} + \lambda_{\gamma}^{J=0} + \lambda_e^{J=0} + \lambda_f^{J=0}.$$

یا اینکه مولکول کمپلکس با آهنگ  $\lambda_{10}$  از حالت  $J=1$  به حالت پایه  $J=0$  بازبرانگیخته می‌شود. یکی از فرایندهای ممکن برای مولکول کمپلکس کانال واکنش همجوش می‌باشد که با آهنگ  $\lambda_f^0$  و  $\lambda_f^1$  اتفاق خواهد افتاد.

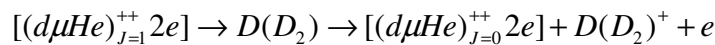


مولکول کمپلکس  $[(d\mu\text{He})_{J=1}^{++}e]^+$  در برخورد با اتمها و مولکولهای مخلوط به دو روش زیر به حالت پایه  $[(d\mu\text{He})_{J=0}^{++}2e]$  گذار انجام خواهد داد [8].

(۱) تولید شبه اتم خنثی هلیوم با آهنگ  $\lambda = 2 \times 10^{13} \text{ S}^{-1}$  (نرمالیز به دانسیته اتم هیدروژنی،  $LHD$ ، و  $(N_0 = 4.25 \times 10^{22} \text{ cm}^{-3})$



(۲) تولید الکترون اوژه خارجی با آهنگ  $\lambda_{Aug}^{ext} = 8.5 \times 10^{11} \text{ S}^{-1}$



به خاطر گذار بین حالت‌های  $J=1 \rightarrow 0$  از طریق برخورد مولکول کمپلکس با اتمها و مولکولهای مخلوط، تجمع مولکولهای کمپلکس  $d\mu^3\text{He}$  در حالت  $J=0$  تابعی از دانسیته مخلوط می‌باشد. معادله دیفرانسیل حاکم بر تعداد مولکولهای کمپلکس در حالت  $J=0$  و  $J=1$  را می‌توان به صورت زیر بیان کرد.

$$\frac{d}{dt} N_{d\mu^3\text{He}}^1(t) = \phi C_{3\text{He}} \lambda_{d^3\text{He}} N_{d\mu}(t) - \lambda_{\Sigma}^1 N_{d\mu^3\text{He}}^1(t)$$

$$\frac{d}{dt} N_{d\mu^3\text{He}}^0(t) = \lambda_{10} N_{d\mu^3\text{He}}^1(t) - \lambda_{\Sigma}^0 N_{d\mu^3\text{He}}^0(t)$$

در رابطه فوق  $N_{\mu d}$  بیانگر دانسیته اتم میونی  $\mu d$ ،  $\phi$  بیانگر دانسیته مخلوط،  $C_{3He}$  چگالی نسبی اتم  ${}^3He$ ،  $\lambda_{d^3He}$  آهنگ تشکیل مولکول کمپلکس،  $\lambda_{10}$  آهنگ انتقال از حالت  $J=1$  به  $J=0$ ،  $N_{d\mu^3He}^1$  و  $N_{d\mu^3He}^0$  بیانگر دانسیته کمپلکس در حالت اسپینی  $J=1$  و  $J=0$  می باشند.

با نوشتن معادلات جامع دینامیکی وابسته به زمان حاکم بر چرخه (شکل ۱) و محاسبه ضریب چسبندگی موثر  $w^{eff}$  برای سیستم حاکم، ضریب چرخه میون در مخلوط و اثر واکنش کانالهای جانبی بر ضریب چرخه محاسبه شده است همچنین بازده نوترون به ازاء هر میون،  $Y_n = \frac{\phi \lambda_c}{\lambda_0 + w^{eff} \phi \lambda_c}$  به منظور مطالعه اثر  ${}^3He$  بر آهنگ چرخه و ضریب چرخه در شرایط فیزیکی معین محاسبه شده است.

### نتیجه گیری :

نتایج محاسبات انجام شده در جدول (۱) و (۲) ارائه شده است. همانطوری که مشاهده می شود برای محیط خالص  $D_2$  تعداد نوترونهای محاسبه شده حاصل از فرایند شکافت به ازای هر  $10^8$  میون تزریقی در شرایط بهینه ( $C_d = 0.5$ ) با مقادیر تجربی ارائه شده حدود 7.58% افزایش نشان می دهد. ولی با منظور نمودن اثر محصولات واکنش  $D+D$  در کانالهای مختلف و اعمال نمودن کانالهای مختلف واکنش برای محیط مخلوط  $D_2+{}^3He$ ، بازده نوترونی برای چگالی نسبی بهینه دوترون،  $C_d = 0.6$ ، با مقادیر تجربی بازده نوترونی در شرایط فیزیکی یکسان به اندازه 83% کاهش خطا حاصل خواهد شد. بنابراین میتوان ادعا نمود که کاهش خطا ناشی از اعمال اثر کانالهای واکنش مختلف برای مولکول کمپلکس  $[(d\mu^3He)_r e^-]^+$  می باشد

جدول ۱: تعداد نوترونهای محاسبه شده،  $N_n^{th}$ ، برای سیستم بدون حضور  ${}^3He$  و مقادیر تجربی نوترون،  $N_n^{exp}$ ، به ازاء هر  $10^8$  میون تزریقی در دمای  $T = 30K$  و  $C_d = 0.5$ .

$\phi$	$N_n^{th} (\times 10^6)$	$N_n^{exp} (\times 10^6)$ [9]	Error (%)
0.02	2.41	2.24	7.58



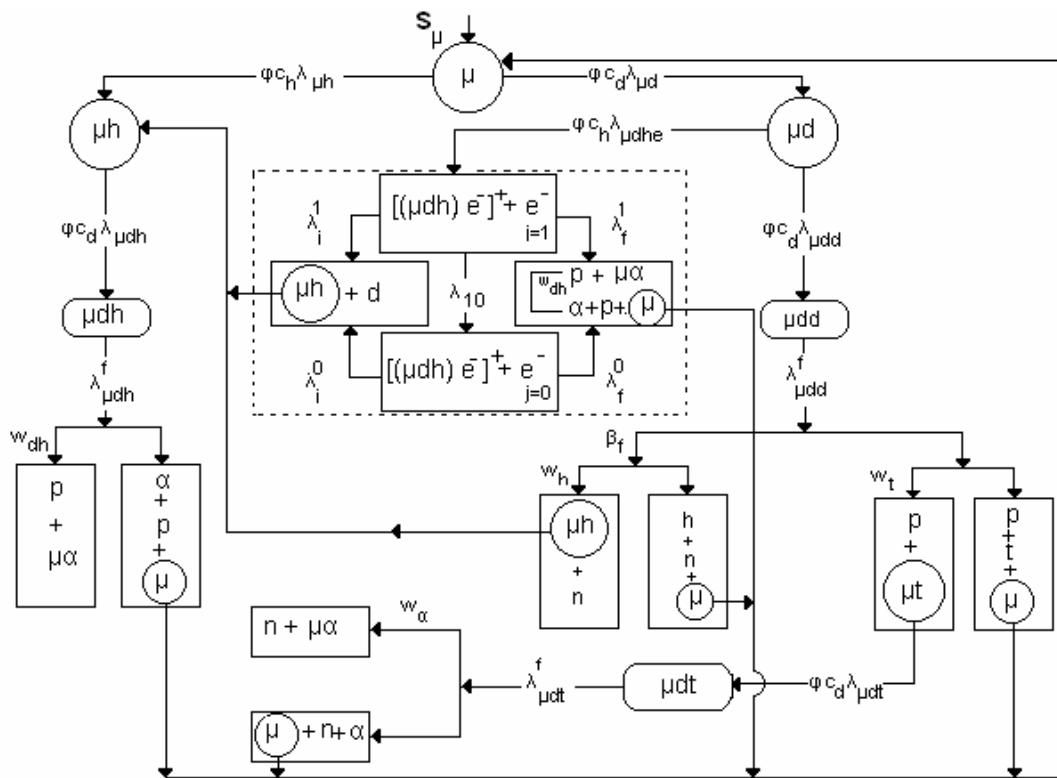
جدول ۲: آهنگ چرخه  $\lambda_c$ ، ضریب چسبندگی موثر و بازده نوترونی محاسبه شده،  $Y_n^{th}$ ، و مقادیر تجربی،  $Y_n^{exp}$ ، برای محیط

مخلوط  $D_2+^3He$  در دمای  $T = 30K$  و  $\phi = 0.05$ .

$C_d$	$w^{eff}$	$\lambda_c(\times 10^6)$	$Y_n^{th}$	$Y_n^{exp}$ [1]	Error (%)
0.6	0.0081	65.24	7.8	7.7	1.29

مراجع:

- [1] V.M. Bystritsky et al., Eur. Phys. J. D, 38, 3(2006).
- [2] B. Gartner, P. Ackerbauer and et al., Phys. Rev.A 62, 012501(2000).
- [3] E.M. Maev et al., Hyp. Inter., 118, 171(1999).
- [4] W. Czaplinski et al., Phys., Lett. A, 233, 405(1997) .
- [5] V.M. Bystritsky et al., Sov. Phys. JETP, 71, 5(1990).
- [6] A. Scrinzi et al., Phys. Rev. 47, 6,(1993) 4691.
- [7] M.R. Eskandari et al., NSJ, V. 37, 251 (2000).
- [8] W. Czaplinski et al., Phys. D, 37, 4169 (1996).
- [9] J. Zemeskal et al., Phys. Rev.A, 42, (1990).



شکل ۱: دینامیک جامع چرخه میون در محیط مخلوط  $D_2 + {}^3He$